6 марта 2012 года

10 класс

Вариант 5 (без логарифмов)

Район
Город (населенный пункт).
Школа.
Класс
Фамилия
Имя.
Отчество.

Математика. 10 класс. Вариант 5

Инструкция по выполнению работы.

На выполнение экзаменационной работы по математике дается 4 часа (240 мин). Работа состоит из двух частей и содержит 20 заданий.

Часть 1 содержит 14 заданий с кратким ответом (B1.–B14.) базового уровня по материалу курса математики. Задания части 1 считаются выполненными, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

Часть 2 содержит 4 более сложных заданий (C.1–C4.) по материалу курса математики. При их выполнении надо записать полное решение и ответ.

Советуем для экономии времени пропускать задание, которое не удается выполнить сразу, и переходить к следующему. К выполнению пропущенных заданий можно вернуться, если у вас останется время.

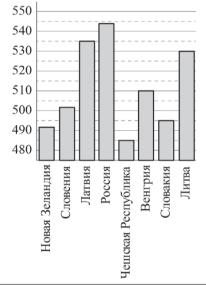
Ответом на задания В1-В14 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую ийфру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужсно.

Тетрадь стоит 50 рублей. Какое наибольшее число таких тетрадей $\mathbf{B1}$ можно будет купить на 250 рублей после понижения цены на 30%?

Ответ:

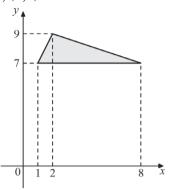
На диаграмме показан средний балл участников 8 стран в тестировании учащихся 4-го класса по математике в 2007 году (по 1000-балльной шкале).

По данным диаграммы найдите число стран, в которых средний балл заключен между 490 и 515.



Ответ:

Найдите площадь треугольника, вершины которого имеют координаты (1;7), (8;7), (2;9).



Ответ:

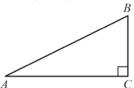
Для остекления музейных витрин требуется заказать 70 одинаковых стекол в одной из трёх фирм. Площадь каждого стекла 0,15 м². В таблице приведены цены на стекло и на резку стекол. Сколько рублей будет стоить самый дешёвый заказ?

gor oroning cameban domesans.			
Фирма	Цена стекла (руб. $\operatorname{зa} 1 \operatorname{m}^2$)	Резка стекла (руб. за одно стекло)	Дополнительные условия
A	300	15	
В	290	20	
C	360	10	При заказе на сумму больше 3500 руб. резка бесплатно

Ответ:

Решите уравнение

B6 Один острый угол прямоугольного треугольника на 26° больше другого. Найдите больший острый угол. Ответ дайте в градусах.

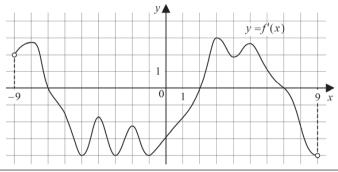


Ответ:

Найдите значение выражения $\sqrt{468^2 - 432^2}$.

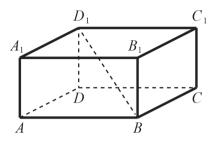
Ответ:

На рисунке изображен график y = f'(x) – производной функции f(x), определённой на интервале (-9; 9). Найдите количество точек минимума функции f(x), принадлежащих отрезку [-8; 8].



Ответ:

В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известно, $BD_1 = 21$, CD = 16, $B_1C_1 = 11$. Найдите длину ребра BB_1 .

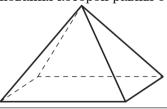


Ответ:

В чемпионате по гимнастике участвуют 40 спортсменок: 16 из Великобритании, 8 из Франции, остальные – из Германии. Порядок, в котором выступают гимнастки, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсменка, выступающая первой, окажется из Германии.

Ответ:

B11 Найдите площадь поверхности правильной четырехугольной пирамиды, стороны основания которой равны 6 и высота равна 4.



В12 Зависимость температуры (в градусах Кельвина) от времени для нагревательного элемента некоторого прибора была получена экспериментально. На исследуемом интервале температура вычисляется по формуле $T(t) = T_0 + bt + at^2$, где t – время в минутах, прошедшее с момента включения прибора, $T_0 = 700 \, \mathrm{K}$, $t_0 = 700 \, \mathrm{K}$, $t_0 = 700 \, \mathrm{K}$, $t_0 = 100 \, \mathrm{K}$ мин. При температуре нагревателя 1300 К прибор автоматически отключается. Определите, сколько минут пройдет от момента включения до момента выключения.

Ответ:

В13 Первые 160 км автомобиль ехал со скоростью 50 км/ч, следующие 180 км – со скоростью 90 км/ч, а затем 200 км – со скоростью 100 км/ч. Найдите среднюю скорость автомобиля на протяжении всего пути. Ответ дайте в км/ч.

Ответ:

В14 Найдите наименьшее значение функции $y = x^3 - 20x^2 + 100x + 11$ на отрезке [8,5; 13].

Ответ:

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания C1–C4 используйте бланк ответов №2. Запишите сначала номер выполняемого задания, а затем полное обоснованное решение и ответ.

- _____ а) Решите уравнение $\cos^2\left(x \frac{5\pi}{2}\right) \frac{1}{2}\sin 2x = 0.$
 - б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[\pi; \ \frac{5\pi}{2}\right].$
- С2 В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка S вершина. Точка M середина ребра SA, точка K середина ребра SC. Найдите угол между плоскостями BMK и ABC, если AB = 4, SC = 6.
- **С3** Решите неравенство $\frac{\left(x^2 x 14\right)^2}{2x + \sqrt{21}} \le \frac{\left(2x^2 + x 13\right)^2}{2x + \sqrt{21}}.$

С4 Точка M лежит на отрезке AB. На окружности радиуса 16,25, проходящей через точки A и B, взята точка C, удаленная от точек A, M и B на расстояния 26, 25 и 30 соответственно. Известно, что AB > AC. Найдите площадь треугольника BMC.

6 марта 2012 года

10 класс

Вариант 6 (без логарифмов)

Район
Город (населенный пункт).
Школа.
Класс
Фамилия
Имя.
Отчество.

Математика. 10 класс. Вариант 6

Инструкция по выполнению работы.

На выполнение экзаменационной работы по математике дается 4 часа (240 мин). Работа состоит из двух частей и содержит 20 заданий.

Часть 1 содержит 14 заданий с кратким ответом (B1.–B14.) базового уровня по материалу курса математики. Задания части 1 считаются выполненными, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

Часть 2 содержит 4 более сложных заданий (C.1–C4.) по материалу курса математики. При их выполнении надо записать полное решение и ответ.

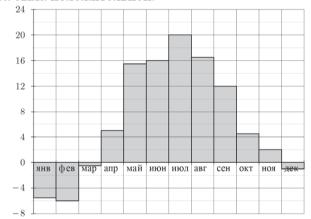
Советуем для экономии времени пропускать задание, которое не удается выполнить сразу, и переходить к следующему. К выполнению пропущенных заданий можно вернуться, если у вас останется время.

Ответом на задания B1-B14 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

В1 В городе N живёт 150000 жителей. Среди них 15% детей и подростков. Среди взрослых 30% не работает (пенсионеры, студенты, домохозяйки и т.п.). Сколько взрослых жителей работает?

Ответ:

В2 На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха в Минске за каждый месяц 2003 года. По горизонтали указываются месяцы, по вертикали – температура в градусах Цельсия. Определите по диаграмме, сколько было месяцев в 2003 году, когда средняя температура была положительной.



Ответ:

ВЗ Найдите площадь трапеции, изображенной на рисунке.

2

Ответ:

Всреднем гражданин А. в дневное время расходует 110 кВт·ч электроэнергии в месяц, а в ночное время — 155 кВт·ч электроэнергии. Раньше у А. в квартире был установлен однотарифный счетчик, и всю электроэнергию он оплачивал по тарифу 2,5 руб. за кВт·ч. Год назад А. установил двухтарифный счетчик, при этом дневной расход электроэнергии оплачивается по тарифу 2,5 руб. за кВт·ч, а ночной расход оплачивается по тарифу 0,6 руб. за кВт·ч.

В течение 12 месяцев потребление и тарифы оплаты электроэнергии не менялись. На сколько больше заплатил бы А. за этот период, если бы не поменялся счетчик? Ответ дайте в рублях.

Ответ:

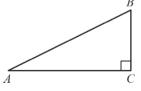
B5 Pem

Решите уравнение $\frac{7}{6x+5} = \frac{7}{3x-10}$

Ответ:

B6

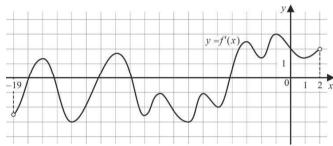
Один острый угол прямоугольного треугольника на 36° больше другого. Найдите больший острый угол. Ответ дайте в градусах.



В7 Найдите значение выражения: $\sqrt{265^2 - 96^2}$.

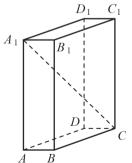
Ответ:

В8 На рисунке изображён график y = f'(x) — производной функции f(x), определённой на интервале (-19; 2). Найдите количество точек минимума функции f(x), принадлежащих отрезку [-18, 5; 1].



Ответ:

В9 В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известно, что $CA_1=23, CD=3, AD=14.$ Найдите длину ребра BB_1 .

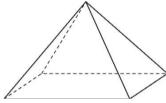


Ответ:

В сборнике билетов по физике всего 25 билетов, в 13 из них встречается вопрос по электростатике. Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику достанется вопрос по электростатике.

Ответ:

В11 Найдите площадь поверхности правильной четырехугольной пирамиды, стороны основания которой равны 18 и высота равна 12.



Ответ:

В12 Расстояние от наблюдателя, находящегося на небольшой высоте h километров над землей, до наблюдаемой им линии горизонта вычисляется по формуле $l=\sqrt{2Rh}$, где $R=6400~({\rm km})$ – радиус Земли. С какой высоты горизонт виден на расстоянии 24 километра? Ответ выразите в километрах.

Ответ:

В13 Первые 160 км автомобиль ехал со скоростью 80 км/ч, следующие 160 км — со скоростью 90 км/ч, а затем 110 км — со скоростью 110 км/ч. Найдите среднюю скорость автомобиля на протяжении всего пути. Ответ дайте в км/ч.

Ответ:

В14 Найдите наименьшее значение функции $y = x^3 + 12x^2 + 36x + 3$ на отрезке [-5; -0,5].

Для записи решений и ответов на задания C1–C4 используйте бланк ответов №2. Запишите сначала номер выполняемого задания, а затем полное обоснованное решение и ответ.

- С1 а) Решите уравнение $\sin 2x 2\sqrt{3}\sin^2\left(x + \frac{3\pi}{2}\right) = 0$.
 - б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{5\pi}{2}; -\pi\right]$.
- С2 В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка S вершина. Точка M середина ребра SA, точка K середина ребра SC. Найдите угол между плоскостями BMK и ABC, если AB = 6, SC = 8.
- СЗ Решите неравенство $\frac{\left(2x^2 x 18\right)^2}{2x + 5} \le \frac{\left(3x^2 + x 17\right)^2}{2x + 5}$.

6 марта 2012 года

10 класс

Вариант 7 (без производной)

Район	
Город (населенный пункт).	
Школа.	
Класс	
Фамилия	
Имя.	
Отчество.	

Математика. 10 класс. Вариант 7

Инструкция по выполнению работы.

На выполнение экзаменационной работы по математике дается 4 часа (240 мин). Работа состоит из двух частей и содержит 20 заданий.

Часть 1 содержит 14 заданий с кратким ответом (B1.–B14.) базового уровня по материалу курса математики. Задания части 1 считаются выполненными, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

Часть 2 содержит 4 более сложных заданий (C.1–C4.) по материалу курса математики. При их выполнении надо записать полное решение и ответ.

Советуем для экономии времени пропускать задание, которое не удается выполнить сразу, и переходить к следующему. К выполнению пропущенных заданий можно вернуться, если у вас останется время.

3

Часть 1

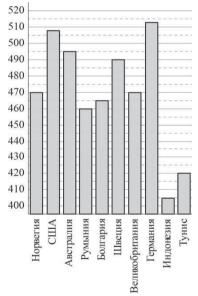
Ответом на задания B1-B14 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

B1 Тетрадь стоит 10 рублей. Какое наибольшее число таких тетрадей можно будет купить на 150 рублей после понижения цены на 15%?

Ответ:

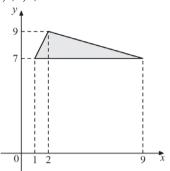
В2 На диаграмме показан средний балл участников 10 стран в тестировании учащихся 8-го класса по математике в 2007 году (по 1000-балльной шкале).

По данным диаграммы найдите число стран, в которых средний балл отличается от среднего балла норвежских участников менее чем на 15 (саму Норвегию не считайте).



Ответ:

ВЗ Найдите площадь треугольника, вершины которого имеют координаты (1;7), (9;7), (2;9).



Ответ:

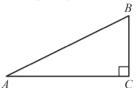
В4 Для остекления музейных витрин требуется заказать 30 одинаковых стекол в одной из трех фирм. Площадь каждого стекла 0,15 м². В таблице приведены цены на стекло и на резку стекол. Сколько рублей будет стоить самый дешевый заказ?

v	r 1	, i		
	Фирма	Цена стекла (руб. за 1 м 2)	Резка стекла (руб. за одно стекло)	Дополнительные условия
	A	310	25	
	В	300	30	
	С	370	20	При заказе на сумму больше 1400 руб. резка бесплатно

Ответ:

B5

В6 Один острый угол прямоугольного треугольника на 18° больше другого. Найдите больший острый угол. Ответ дайте в градусах.



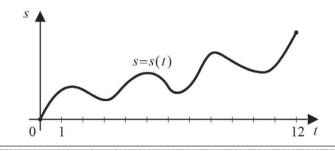
Ответ:

В7 Найдите значение выражения: $\sqrt{320^2 - 192^2}$.

Ответ:

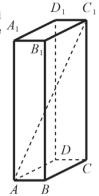
Материальная точка M начинает движение из точки A и движется по прямой в течение 12 секунд. График показывает, как менялось расстояние от точки A до точки M со временем. На оси абсцисс откладывается время t в секундах, на оси ординат – расстояние s в метрах.

Определите, сколько раз за время движения скорость точки M обращалась в ноль (начало и конец движения не учитывайте).



Ответ:

В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известно, что $AC_1=11$, $C_1D_1=2$, $A_1D_1=6$. Найдите AC_1 длину ребра AC_1 .



Ответ:

В чемпионате по гимнастике участвуют 50 спортсменок: 13 из Литвы, 22 из Латвии, остальные — из Эстонии. Порядок, в котором выступают гимнастки, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсменка, выступающая первой, окажется из Эстонии.

Ответ:

В11 Найдите площадь поверхности правильной четырехугольной пирамиды, стороны основания которой равны 8 и высота равна 3.



Ответ:

В12 Зависимость температуры (в градусах Кельвина) от времени для нагревательного элемента некоторого прибора была получена экспериментально. На исследуемом интервале температура вычисляется по формуле $T(t) = T_0 + bt + at^2$, где t – время в минутах, прошедшее с момента включения прибора, $T_0 = 1360 \, \mathrm{K}$, $a = -20 \, \mathrm{K/muh}^2$, $b = 240 \, \mathrm{K/muh}$. При температуре нагревателя 1900 К прибор автоматически отключается. Определите, сколько минут пройдет от момента включения до момента выключения.

B13	Первые 110 км автомобиль ехал со скоростью 60 км/ч, следующие
	$^{1}~100~{ m km}$ — со скоростью $90~{ m km/q},$ а затем $150~{ m km}$ — со скоростью
	100 км/ч. Найдите среднюю скорость автомобиля на протяжении всего
	пути. Ответ дайте в км/ч.

Ответ:

В14 Найти наибольшее значение функции $y = \log_{0.5}(x^2 - 4x + 8)$.

Ответ:

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания C1–C4 используйте бланк ответов №2. Запишите сначала номер выполняемого задания, а затем полное обоснованное решение и ответ.

- **С1** а) Решите уравнение $\cos^2(x \frac{5\pi}{2}) \frac{1}{2}\sin 2x = 0$.
 - б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[\pi;\; \frac{5\pi}{2}\right].$
- С2 В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка S вершина. Точка M середина ребра SA, точка K середина ребра SC. Найдите угол между плоскостями BMK и ABC, если AB = 4, SC = 6.
- С3 Решите систему

$$\begin{cases} \log_{2x-1}(4x-5) + \log_{4x-5}(2x-1) \le 2, \\ 25^x - 5 \cdot 10^x - 6 \cdot 4^x \le 0. \end{cases}$$

С4 Точка M лежит на отрезке AB. На окружности радиуса 16,25, проходящей через точки A и B, взята точка C, удаленная от точек A, M и B на расстояния 26, 25 и 30 соответственно. Известно, что AB > AC. Найдите площадь треугольника BMC.

 \odot МИОО 2012 г. Публикация в Интернете или печатных изданиях без письменного согласия МИОО запрещена

6 марта 2012 года

10 класс

Вариант 8 (без производной)

Район
Город (населенный пункт).
Школа.
Класс
Фамилия
Имя.
Отчество.

Математика. 10 класс. Вариант 8

Инструкция по выполнению работы.

На выполнение экзаменационной работы по математике дается 4 часа (240 мин). Работа состоит из двух частей и содержит 20 заданий.

Часть 1 содержит 14 заданий с кратким ответом (B1.–B14.) базового уровня по материалу курса математики. Задания части 1 считаются выполненными, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

Часть 2 содержит 4 более сложных заданий (C.1–C4.) по материалу курса математики. При их выполнении надо записать полное решение и ответ.

Советуем для экономии времени пропускать задание, которое не удается выполнить сразу, и переходить к следующему. К выполнению пропущенных заданий можно вернуться, если у вас останется время.

3

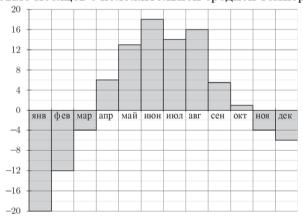
Часть 1

Ответом на задания B1-B14 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

В1 В городе N живет 250000 жителей. Среди них 10% детей и подростков. Среди взрослых 35% не работает (пенсионеры, студенты, домохозяйки и т.п.). Сколько взрослых жителей работает?

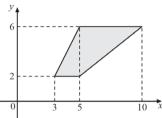
Ответ:

В2 На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха в Екатеринбурге (Свердловске) за каждый месяц 1973 года. По горизонтали указываются месяцы, по вертикали – температура в градусах Цельсия. Определите по диаграмме, сколько в 1973 году было месяцев с положительной средней температурой.



Ответ:

ВЗ Найдите площадь трапеции, изображенной на рисунке.



Ответ:

Всреднем гражданин А. в дневное время расходует 110 кВт-ч электроэнергии в месяц, а в ночное время – 155 кВт-ч электроэнергии. Раньше у А. в квартире был установлен однотарифный счетчик, и всю электроэнергию он оплачивал по тарифу 2,5 руб. за кВт-ч. Год назад А. установил двухтарифный счетчик, при этом дневной расход электроэнергии оплачивается по тарифу 2,5 руб. за кВт-ч, а ночной расход оплачивается по тарифу 0,8 руб. за кВт-ч.

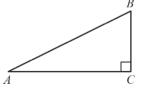
В течение 12 месяцев режим потребления и тарифы оплаты электроэнергии не менялись. На сколько больше заплатил бы А. за этот период, если бы не поменялся счетчик? Ответ дайте в рублях.

Ответ:

В5 Решите уравнение $\frac{3}{6x+11} = \frac{3}{5x+7}$

Ответ:

В6 Один острый угол прямоугольного треугольника на 34° больше другого. Найдите больший острый угол. Ответ дайте в градусах.



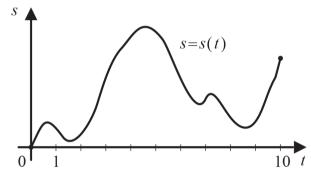
В7 Найдите значение выражения $\sqrt{260^2 - 64^2}$.

Ответ:

B8

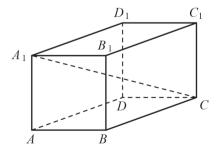
Материальная точка M начинает движение из точки A и движется по прямой в течение 10 секунд. График показывает, как менялось расстояние от точки A до точки M со временем. На оси абсцисс откладывается время t в секундах, на оси ординат — расстояние s в метрах.

Определите, сколько раз за время движения скорость точки M обращалась в ноль (начало и конец движения не учитывайте).



Ответ:

В9 В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известно, что $CA_1=18, CD=8, AD=14.$ Найдите длину ребра BB_1 .



Ответ:

Математика. 10 класс. Вариант 8 (без производной)
В10 В сборнике билетов по химии всего 25 билетов, в 19 из ни встречается вопрос по солям. Найдите вероятность того, что случайно выбранном на экзамене билете школьнику достанется вопрос по солям.
Ответ:
В11 Найдите площадь поверхности правильной четырехугольной пирамиды, стороны основания которой равны 12 и высота равна 8.

В12 Расстояние от наблюдателя, находящегося на небольшой высоте h километров над Землей, до наблюдаемой им линии горизонта вычисляется по формуле $l = \sqrt{2Rh}$, где $R = 6400 \, (\text{км})$ – радиус Земли. С какой высоты горизонт виден на расстоянии 8 километров? Ответ выразите в километрах.

Ответ:

Ответ:

В13 Первые 100 км автомобиль ехал со скоростью 80 км/ч, следующие 140 км – со скоростью 100 км/ч, а затем 150 км – со скоростью 120 км/ч. Найдите среднюю скорость автомобиля на протяжении всего пути. Ответ дайте в км/ч.

Ответ:

314 Найти наименьшее значение функции $y = \log_2(x^2 - 2x + 5)$

Для записи решений и ответов на задания С1-С4 используйте бланк ответов №2. Запишите сначала номер выполняёмого задания, а затем полное обоснованное решение и ответ.

- - a) Решите уравнение $\sin 2x 2\sqrt{3}\sin^2\left(x + \frac{3\pi}{2}\right) = 0$.
 - б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку
- В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка S вершина. Точка M – середина ребра SA, точка K – середина ребра SC. Найдите угол между плоскостями BMK и ABC, если AB = 6, SC = 8.
- Решите систему

$$\begin{cases} \log_{2x+3}(3x-5) + \log_{3x-5}(2x+3) \le 2, \\ 25^x - 5 \cdot 10^x - 6 \cdot 4^x \le 0. \end{cases}$$

Точка M лежит на отрезке AB . На окружности радиуса 32,5, проходящей через точки A и B, взята точка C, удаленная от точек A, Mи B на расстояния 52, 50 и 60 соответственно. Известно, что AB > AC. Найдите площадь треугольника ВМС.